

# CUPRINS

## CAPITOLUL 1

|                  |   |
|------------------|---|
| INTRODUCERE..... | 7 |
|------------------|---|

## CAPITOLUL 2

|   |           |
|---|-----------|
| <b>CEA MAI MARE SFERĂ CARE POATE SĂ SE ROSTOGOLEASCA LIBER ÎN INTERIORUL UNEI SUPRAFEȚE CONVEXE .....</b> | <b>15</b> |
| 2.1 DESPRE GEOMETRIA DIFERENȚIALĂ GLOBALĂ.....  | 15        |
| 2.2 CEA MAI MICA ȘI CEA MAI MARE CIRCUMFERINȚĂ A CURBUII UNEI CURBE CONVEXE .....                         | 16        |
| 2.3 DUALITATEA ÎN FAPT A TEOREMEI LUI EULER PRIVIND CURBURA SUPRAFEȚEI.....                               | 20        |
| 2.4 REZOLVAREA PROBLEMEI SPATIALE .....   | 21        |

## CAPITOLUL 3

|  |           |
|--|-----------|
| <b>LIMITELE VALORILOR CURBUII SUPRAFEȚELOR CONVEXE .....</b>   | <b>23</b> |
| 3.1 MODUL DE ABORDARE A PROBLEMEI ȘI PREZENTAREA UNOR CUNOȘTINȚE DESPRE SUPRAFEȚELE DE ROTAȚIE ..... | 23        |
| 3.2 APLICAȚIILE SIMETRIZĂRII LUI SCHWARTZ .....  | 23        |
| 3.3 INVARIABILITATEA DIAMETRULUI.....  | 25        |
| 3.4 TEOREMA LUI BIEBERBACH .....   | 27        |
| 3.5 COMPORTAREA CURBUII ÎN CAZUL SIMETRIZĂRII....  | 28        |
| 3.6 COMPORTAREA CURBUII ÎN CAZUL TRECERII LA LIMITĂ.....   | 32        |
| 3.7 PREMIZELE DEMONSTRAȚIEI PENTRU SUPRAFEȚELE DE ROTAȚIE.....                                       | 36        |
| 3.8 SUPRAFEȚE DE ROTAȚIE FUZIFORME CU CURBURA CONSTANTĂ .....  | 38        |
| 3.9 CONCLUZII.....   | 43        |
| 3.10 TEOREMA LUI BONNET .....  | 45        |

## CAPITOLUL 4

|   |           |
|---|-----------|
| <b>ALTE LIMITE ALE CURBUII .....</b>  | <b>48</b> |
| 4.1 MODUL DE ABORDARE A PROBLEMEI ȘI NOȚIUNI<br>PRIVIND SUPRAFEȚELE DE ROTAȚIE..... | 48        |
| 4.2 PROPRIETĂȚI.....  | 49        |
| 4.3 GEOMETRIA DIFERENȚIALĂ A FUNCȚIEI H.....  | 51        |
| 4.4 COMPORTAREA CURBUII.....  | 55        |
| 4.5 SUPRAFAȚA DE ROTAȚIE ÎN FORMĂ DE BURDUF<br>CU CURBURA CONSTANTĂ.....            | 57        |
| 4.6 COMPORTAREA CURBUII MEDII .....   | 60        |
| 4.7 ANEXĂ .....   | 61        |
| 4.7.1 REFERIRI PRIVIND METODA PATRULATERULUI....                                    | 61        |
| 4.7.2 TEOREMA DE CONVERGENȚĂ A LUI SCHWARTZ ...                                     | 63        |
| 4.7.3 TEOREMA LUI BRUNN (1887).....   | 63        |
| 4.7.4 TEOREMA APROXIMĂRII .....   | 63        |
| 4.7.5 FUNCȚII DE SPRIJIN (BAZĂ).....  | 64        |

## CAPITOLUL 5

|                                     |           |
|-------------------------------------|-----------|
| <b>PROBLEME IZOPERIMETRICE.....</b> | <b>65</b> |
|-------------------------------------|-----------|

## CAPITOLUL 6

|  |           |
|--|-----------|
| <b>ELEMENTE DE CALCUL VARIATIONAL.....</b>         | <b>71</b> |
| 6.1 PROBLEME CLASICE DE CALCUL VARIATIONAL .....   | 71        |
| 6.1.1 PROBLEMA DIDONEI .....                       | 71        |
| 6.1.2 PROBLEMA BRAHISTOCRONEI.....                 | 73        |
| 6.1.3 PROBLEMA OPTICII GEOMETRICE.....             | 74        |
| 6.1.4 PROBLEMA LUI PLATEAU .....                   | 75        |
| 6.1.5 PROBLEMA GEODEZICELOR .....                  | 77        |
| 6.1.6 PROBLEMA FORMEI DE ECHILIBRU A UNUI FIR..... | 79        |
| 6.2 PROBLEME .....                                 | 81        |
| 6.2.1 METODA RAYLEIGH .....                        | 81        |
| 6.2.2 METODA RAYLEIGH – RITZ .....                 | 83        |
| 6.2.3 EXTREMALELE FUNCȚIONALELOR .....             | 85        |

|                                    |            |
|------------------------------------|------------|
| <b>BIBLIOGRAFIE GENERALĂ .....</b> | <b>115</b> |
|------------------------------------|------------|