

## CUPRINS

1.	<i>Introducere</i>	7
2.	<i>Metode generale pentru deducerea soluțiilor solitonice</i>	12
2.1	Integrabilitate și ecuații solitonice	12
2.2	Metoda împrăștierii inverse (ISM)	23
2.3	Formalismul biliniar Hirota și sisteme integrabile discrete	26
3.	<i>Soluții multi-solitonice pentru ecuații din familia Țițeica</i>	37
3.1	Familia ecuațiilor Țițeica	38
3.1.1	Către o clasă extinsă de ecuații Țițeica	38
3.1.2	Schimbări de variabile și (anti)-invarianța Lorentz	40
3.2	Studiul ecuației Țițeica 1	42
3.2.1	Preliminarii	42
3.2.2	Soluțiile analitice fundamentale ale operatorilor Lax cu reducție $\mathbb{Z}_n$	45
3.2.3	Metoda "dressing"	51
3.2.4	Soluția $N$ -solitonică generală	53
3.2.5	Soluția 1-solitonică de tipul unu: $N_1 = 1, N_2 = 0$	62
3.2.6	Metoda Hirota pentru construirea soluției 1-solitonice de tipul unu	66
3.2.7	Soluția 1-solitonică de tipul doi: $N_1 = 0, N_2 = 1$	68
3.2.8	Rezolventa operatorului Lax	72
3.3	Studiul ecuației Țițeica 2	75
3.3.1	Reprezentarea Lax	75

3.3.2	Metoda ”dressing” și factorii ”dressing” . . . . .	77
3.3.3	Soluția $N$ -solitonică generală . . . . .	78
3.3.4	Soluția 1-solitonică de tipul unu . . . . .	83
3.3.5	Metoda Hirota pentru construirea soluției 1-solitonice de tipul unu . . . . .	86
3.3.6	Proprietăți de singularitate ale soluțiilor solitonice	87
3.3.7	Soluția 1-solitonică de tipul doi . . . . .	89
3.3.8	Proprietățile spectrale ale operatorului Lax . . . . .	92
4.	<i>Soluții solitonice pentru sisteme discrete</i> . . . . .	95
4.1	O nouă formă integrabilă discretă a ecuației KdV . . . . .	96
4.2	O nouă formă integrabilă discretă a ecuației mKdV . . . . .	98
4.3	Forma discretă a ecuației intermediare sine-Gordon . . . . .	101
4.4	Reduceri ale ecuațiilor discrete . . . . .	105
4.4.1	Reducerea ecuației KdV discrete (4.4) . . . . .	106
4.4.2	Reducerea ecuației mKdV discrete de ordin superior . . . . .	107
4.5	Diferite discretizări integrabile ale unui sistem Volterra general cu două componente . . . . .	108
4.5.1	Prima discretizare a sistemului general Volterra	109
4.5.2	A doua discretizare a sistemului Volterra semi- discret . . . . .	115
4.5.3	O nouă formă a ecuației Lotka-Volterra . . . . .	118
4.6	Anexă: Demonstrarea soluției $N$ -solitonice . . . . .	120
5.	<i>Concluzii</i> . . . . .	125