

Gabriel Bădescu

© 2018 by Editura Universitaria

Această carte este protejată prin copyright. Reproducerea integrală sau parțială, multiplicarea prin orice mijloace și sub orice formă, cum ar fi xeroxarea, scanarea, transpunerea în format electronic sau audio, punerea la dispoziția publică, inclusiv prin internet sau prin rețelele de calculatoare, stocarea permanentă sau temporară pe dispozitive sau sisteme cu posibilitatea recuperării informațiilor, cu scop comercial sau gratuit, precum și alte fapte similare săvârșite fără permisiunea scrisă a deținătorului copyrightului reprezintă o încălcare a legislației cu privire la protecția proprietății intelectuale și se pedepsesc penal și/sau civil în conformitate cu legile în vigoare.

Gabriel Bădescu

GEODEZIE

**APLICAȚII PENTRU
LABORATOR ȘI PROIECT**



**Editura Universitaria
Craiova, 2018**

Referenți științifici:

Prof.univ.dr. dr. ing. Mircea Ortelecan

Conf.univ.dr. ing. Ion Nicolae Băbucă

Copyright © 2018 Editura Universitaria

Toate drepturile sunt rezervate Editurii Universitaria

Descrierea CIP a Bibliotecii Naționale a României

BĂDESCU, GABRIEL

Geodezie: aplicații pentru laborator și proiect / Gabriel Bădescu. -

Craiova: Universitaria, 2018

Conține bibliografie

ISBN 978-606-14-1356-0

528.4

LUCRAREA NR. 1. CALCULUL PARAMETRILOR ELIPSOIDULUI DE REFERINȚĂ

Lucrarea tratează problematica stabilirii parametrilor de calcul ai elipsoizilor de referință Krasovschi, GRS 80 și WGS-84, primii doi fiind utilizați oficial în lucrările geodezice din țara noastră.

Elipsoidul de referință ca și corp de rotație, se obține prin rotirea unei elipse meridian (fig.1.1) în jurul axei polilor.

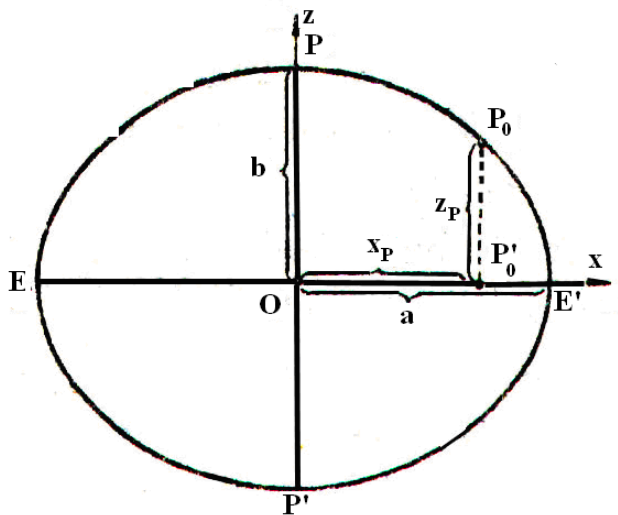


Fig. 1.1. Elipsa meridian

Ecuția elipsei meridian situată în planul xoz (fig.1.1) este dată de cunoscuta relație din matematică, dar mai ales de la cursul de geodeziei elipsoidală:

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{z^2}{b^2} - 1 = 0 \quad (1.1)$$

în care:

a – semiaxa mare a elipsoidului, care se mai numește și ecuatorială

b – semiaxa mică a elipsoidului, care se mai numește și polară.

Ecuția elipsoidului de referință în geodezie, se exprimă sub forma implicită se prin relația:

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2} + \frac{z^2}{b^2} - 1 = 0 \quad (1.2)$$

Relațiile de calcul a parametrilor elipsoidului de rotație (conform [1], [2], [3]), sunt prezentate în continuare și sunt relațiile cele mai uzuale:

1. a - semiaxa mare (ecuatorială);

2. b - semiaxa mică;

3. $f = \frac{a-b}{a}$ - turtirea geometrică; (1.3)

4. $e = \sqrt{\frac{a^2 - b^2}{a^2}}$ - prima excentricitate; (1.4)

5. $e' = \sqrt{\frac{a^2 - b^2}{b^2}}$ - a doua excentricitate; (1.5)

6. $E = \sqrt{a^2 - b^2}$ - excentricitatea liniară; (1.6)

7. $c = \frac{a^2}{b}$ - raza de curbură polară. (1.7)

Din (1.3) se poate calcula semiaxa mică în funcție de semiaxa mare și turtirea geometrică:

$$b = a(1 - f) \quad (1.8)$$

Elipsoidul Krasovschi, este definit în general și se prezintă în orice studiu de specialitate, prin două elemente, dintre care unul trebuie să fie cel puțin un element liniar, pentru a se determina scara elipsoidului. Cei doi parametri sunt semiaxa mare a elipsoidului ($a = 6378245.000$ m) și turtirea geometrică a acestuia ($f = 1/298.30$), cele două elemente fiind necesare pentru a determina și celelalte parametri ai elipsoidului.

Elipsoidul GRS-80, este definit în general și se prezintă în orice studiu de specialitate, prin două elemente, dintre care unul trebuie să fie cel puțin un element liniar, pentru a se determina scara elipsoidului. Cei doi parametri sunt

semi-axa mare a elipsoidului ($a = 6378137.000 \text{ m}$) și turtirea geometrică a acestuia ($f = 1/298.257222101$), cele două elemente fiind necesare pentru a determina și ceilalți parametri ai elipsoidului.

Elipsoidul WGS-84, este definit în general și se prezintă în orice studiu de specialitate, prin două elemente, dintre care unul trebuie să fie cel puțin un element liniar, pentru a se determina scara elipsoidului. Cei doi parametri sunt semi-axa mare a elipsoidului ($a = 6378137.000 \text{ m}$) și turtirea geometrică a acestuia ($f = 1/298.257223563$), cele două elemente fiind necesare pentru a determina și ceilalți parametri ai elipsoidului.

Aplicație

Calculul parametrilor principali pentru elipsoizii de referință **Krasovschi și WGS-84.**

Tabelul 1.1. Calculul parametrilor geometrici pentru elipsoizi de referință

Parametri	Krasovschi	WGS-84
a	6378245.000 m	6378137.000 m
f	1/298.30	1/298.257223563
b	6356863.019 m	6356752.314 m
e^2	0.006693421622966	0.006694379989984
e'^2	0.0067385	0.0067395
E	521825.4886 m	521854.0084 m
c	6399698.902	6399593.626

LUCRAREA NR. 2. CALCULUL RAZELOR DE CURBURĂ ÎN GEODEZIA ELIPSOIDALĂ

Considerând punctul “I”, pe suprafața elipsoidului de referință. (fig.2.1), prin acest punct pot fi duse o infinitate de curbe, din care două curbe se numesc principale. Este vorba de curbura elipsei meridian și de curbura normală la aceasta, denumită curbura primului vertical.

Aceste curbe, în punctul “I” au raze de curbură diferite, astfel curba meridian cu centrul de curbură în punctul “O’ ” are raza de curbură “M”, iar curba normală la curba meridian, cu centrul de curbură în punctul “O₁”, are raza de curbură “N” [20].

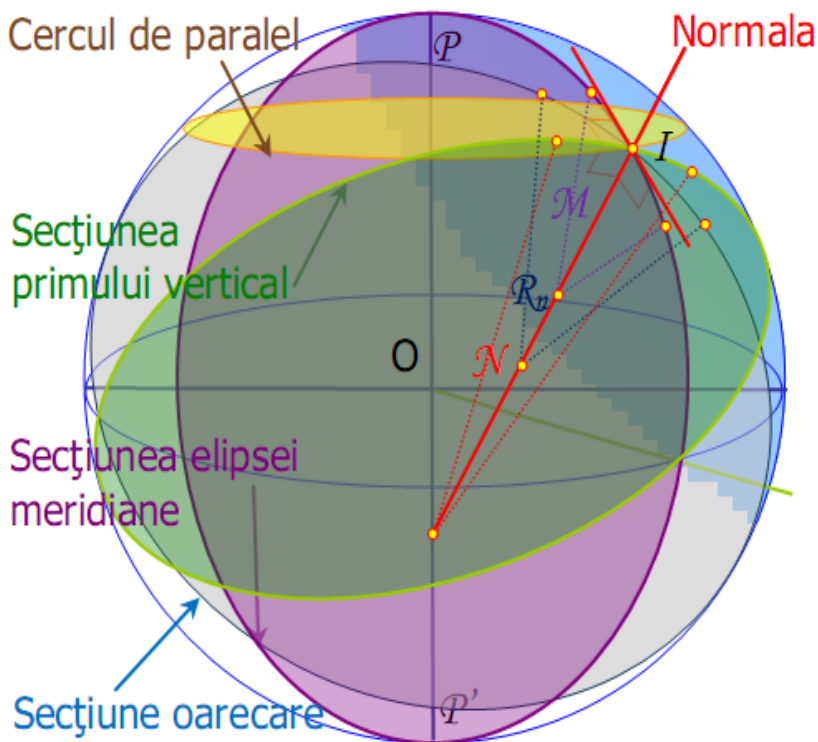


Fig. 2.1 – Razele de curbură principale

Razele de curbură “M” și “N” se numesc raze principale de curbură, cunoscute și sub numele de raza mică de curbură sau raza de curbură a elipsei meridiene și raza mare de curbură sau raza de curbură a primului vertical sau marea normală. Oricare altă curbă ce aparține infinității de curbe concurente în

punctul "I" va avea raza de curbură corespunzătoare "R_A" a cărei valoare se află cuprinsă între "M" și "N". Indicele razei de curbură arată faptul că, în punctul "I", curba considerată are azimutul geodezic "A" [20].

Așadar, într-un punct oarecare considerat pe suprafața elipsoidului de referință există o infinitate de raze de curbură, corespunzătoare infinității de curbe situate pe suprafața elipsoidului și concurente în punctul respectiv. Valorile extreme ale acestor raze sunt date de razele principale de curbură într-un singur caz, cele două fiind egale la pol.

În calculele geodezice din geodezie elipsoidală intervine și așa numita rază medie "R_m", a cărei valoare se obține pe baza valorilor tuturor razelor de curbură existente în punctul respectiv [1,5,13,18,20].

În cele ce urmează se vor stabili expresiile razelor de curbură M, N, R_A și R_m.

Pentru o scriere mai simplă a relațiilor din geodezia elipsoidală și pentru a fi ușor de reținut aceste relații, pentru calculelor practice se utilizează următoarele notații:

$$\sqrt{1 - e^2 \sin^2 B} = W \quad \text{- funcții auxiliare}$$

$$\sqrt{1 - e'^2 \cos^2 B} = V$$

Astfel relațiile pentru principalele raze de curbură se pot exprima după cum urmează:

$$M = \frac{a(1 - e^2)}{W^3} = \frac{c}{V^3} \quad \text{- raza mică de curbură (a elipsei meridiene) [18,25]}$$

$$N = \frac{a}{W} = \frac{c}{V} \quad \text{- raza mare de curbură (a primului vertical sau marea normală)}$$

$$R_A = \frac{MN}{N \cos^2 A + M \sin A} \quad \text{- raza de curbură după un azimut dat (Raza Euler)}$$

$$R_m = \sqrt{MN} = \frac{a}{W^2} \sqrt{(1 - e^2)} = \frac{c}{2} \quad \text{- raza medie de curbură (Raza medie Gauss) [13,18,25]}$$

Aplicație rezolvată

Să se determine razele de curbură M , N , R în punctul S . situat pe elipsoidul de referință **Krasovschi** determinat prin:

$$B = 45^{\circ}33'43'',2382$$

$$L = 22^{\circ}25'58'',5623$$

$$h^e = 623,237 \text{ m}$$

precum și raza de curbură R_A pentru o secțiune normală de azimut

$$A = 51^g 52^c 45^{cc},652$$

Tabelul 3.3. Calculul razelor de curbură a secțiunilor normale în Geodezie, pe elipsoidul Krasovschi

$B = 45^{\circ}33'43''.2382=45^{\circ}.56201061$
$a = 6378245.000 \text{ m}$
$e^2 = 0.006693422$
$e'^2 = 0.006738525$
$W = 0.99829236$
$c = 6399698.902 \text{ m}$
$V = 1.001650223$
$a(1 - e^2) = 6335552.715 \text{ m}$
$M = 6368120.391\text{m}$
$N = 6389155.371\text{m}$
$R = 6378629.210\text{m}$
$A = 51^g.5245652$
$N\cos^2 A = 3041629.873\text{m}$
$M\sin^2 A = 3336504.459 \text{ m}$
$N\cos^2 A + M\sin^2 A = 6378134.332\text{m}$
$MN = 4.06869\text{E}+13 \text{ m}^2$
$R_A = 6379124.127\text{m}$